

## 『線形代数 基礎と応用』正誤表 (最終更新日 2008 年 4 月 22 日)

訂正箇所	誤	正	訂正日
p.3 ↑6	基底の定義	基本ベクトルの定義	06/04/03
p.4 ↓1	$N$ 次元縦ベクトルという .	$N$ 次元縦ベクトル, または略してベクトルという.	07/03/07
p.15 例 1.6↓2	$m$	$j$	07/10/16
p.15 例 1.6↓3	$c(k)$	$c(j)$	07/10/16
p.15 例 1.6↓5-7	$k$	$j$ (計 3 箇所)	07/10/16
p.18 ↓4	次章で	主に次章で	06/04/16
p.37 ↓3	ること, ならびに線形写像は	ることを前章でみたが, 本章では線形写像は	06/04/16
p.50	$-2R_1 + R_2$ を $R_2 - 2R_1$ に . $-2R_1 + R_3$ を $R_3 - 2R_1$ に . $2R_2 + R_3$ を $R_3 + 2R_2$ に . (それぞれ 2 箇所)		06/05/05
p.51	$-R_1 + R_3$ を $R_3 - R_1$ に . $-3R_2 + R_3$ を $R_3 - 2R_2$ に .		06/05/05
p.52 ↓13	$\alpha R_j + R_k$	$\alpha R_j + \beta R_k$	06/05/05
p.52 ↓14	第 $k$ 行を	第 $k$ 行の $\beta$ 倍を	06/05/05
p.52 ↓16	$\alpha R_j + R_k$	$\alpha R_j + \alpha' R_k$	06/05/05
p.52 ↓16	$\beta R_j + R_k$	$\beta R_j + \beta' R_k$	06/05/05
p.52 ↓17	を第 $k$ 行に	に第 $k$ 行の $\alpha'$ 倍を	06/05/05
p.52 ↓17-18	を第 $m$ 行に	に第 $m$ 行の $\beta'$ 倍を	06/05/05
p.77 定義 5.3	$x_1, \dots, x_n$	$x_1, \dots, x_N$	08/04/22
p.144 ↑12	である	( $\pm$ は復号同順とは限らない) である	06/12/04
p.183 ↓3	定理 9.9 と (1) より	定理 9.9 より	06/05/05
p.132↑9,p.133↓5	$I_{N_1}$	$I_r$	06/06/17
p.142↓4	$\lambda_1 = \dots = \lambda_s$	$\lambda_1 = \dots = \lambda_s = 0$	06/12/18
p.162↓11	$r_{s1}\mathbf{w}_1 + \dots + r_{ss}\mathbf{w}_s$	$r_{s1}\mathbf{v}_1 + \dots + r_{s,s-1}\mathbf{v}_{s-1} + r_{ss}\mathbf{w}_s$	06/11/06
p.163↓ 5,↓10,↓13	式中の $\ \mathbf{v}_1\ , \ \mathbf{v}_2\ , \ \mathbf{v}_j\ , \ \mathbf{v}_{n-1}\ , \ \mathbf{v}_n\ $ を $\ \mathbf{v}_1\ ^2, \ \mathbf{v}_2\ ^2, \ \mathbf{v}_j\ ^2, \ \mathbf{v}_{n-1}\ ^2, \ \mathbf{v}_n\ ^2$ に直す		06/11/13
p.170 ↑6	$(N - s)$ (2 箇所)	$(N - r)$	06/06/17
p.178↓9	定理 10.28 の後に追加: $A \in \mathbf{K}^{M \times N}$ とする .		07/03/09
p.207 ↑7	正規直交基底	直交基底	06/12/04
p.217 ↑9	(次の文を挿入) 以下本章では, 特に断らない限り $\mathbf{K} = \mathbf{C}$ とする .		08/04/22
p.217 ↑6	$\mathbf{K}$ をもつ	$\mathbf{C}$ をもつ	08/04/22
p.218 定理 13.9(2)↓1	もし $\lambda_j$ に関	もし $\lambda_i$ に関	06/12/18
p.228 ↑4	$ T  = \pm 1$	$ \det T  = 1$	06/11/08
p.231↓8	文末に追加:(注:定理 13.23(後述),13.9,13.15 より正規行列もこの性質を持つ.)		06/12/18
p.243 ↓9	ならば	$\Leftrightarrow$	06/12/04
p.264 ↓8	$G = (g_{ij})$	$G = (u_{ij})$	08/04/22
p.309 ↓12	$\mathbf{b} \in \mathbf{R}^M$	$\mathbf{b} \in \mathbf{K}^M$	07/03/09
p.333 ↓6	計算されている	通常計算する	06/08/06
p.345 ↑6	[OS]	[MSY]	06/04/03
p.349 ↓7	$\Pi^3 = (0, 0, 0, 1, 0, \dots, 0)$	$\Pi^3 = \text{circ}(0, 0, 0, 1, 0, \dots, 0)$	06/04/03
p.349 ↓8	$\Pi^{N-1} = (0, \dots, 0, 1)$	$\Pi^{N-1} = \text{circ}(0, \dots, 0, 1)$	06/04/03
p.364 ↓2	$y[k_j]$	$y[j]$	06/04/27
p.371 ↑13	$n = 1$	$n = 2$	06/04/27
p.396 ↑6	標準化	標準形	06/04/27
p.412 ↓12	例はみな	例 21.1, 例 21.2 は	06/10/06
p.425 ↑9	このとき	$\mathbf{K} = \mathbf{R}$ のとき	06/04/27

(上記のうち読者の方々からご指摘いただいたものもあります . この場を借りて感謝申し上げます .)

次ページに続く .

p.245 13 から p.246 4 を以下と差し替える (06/4/3) :

$$\begin{aligned} &= \sum_{j=1}^N \|x_j - \bar{x} - \langle x_j - \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w} - \{\mathbf{a} - \bar{x} + \langle \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w}\}\|^2 \\ &= \sum_{j=1}^N \|x_j - \bar{x} - \langle x_j - \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w}\|^2 + \sum_{j=1}^N \|\mathbf{a} - \bar{x} + \langle \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w}\|^2. \end{aligned}$$

いま長さ 1 のベクトル  $\mathbf{w}$  を任意にとり固定する.  $\bar{x} - \langle \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w} \neq \mathbf{0}$  の場合, これと  $\mathbf{w}$  は直交しているので  $\mathbf{a} = s(\bar{x} - \langle \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w})$  ( $s \in \mathbf{R}$ ) が成り立ち,

$$\delta^2 = \sum_{j=1}^N \|x_j - \bar{x} - \langle x_j - \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w}\|^2 + N(s-1)^2 \|\bar{x} - \langle \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w}\|^2.$$

この条件下での  $\delta^2$  は  $s = 1$  のとき, すなわち  $\mathbf{a} = \bar{x} - \langle \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w}$  のとき最小になり,  $\bar{x}$  は問題の直線上にある. また  $\bar{x} - \langle \bar{x}, \mathbf{w} \rangle \mathbf{w} = \mathbf{0}$  の場合は  $\mathbf{a} = \mathbf{0}$  のとき  $\delta^2$  が最小になり, この場合も同様の結論が得られる. よって補題が証明された. ■